

*Oni koji hoće da im se računa rezultat sa kolokvijuma rade samo zadatke 4, 5 i 6 u trajanju od 2 sata.
Ostali rade sve zadatke u trajanju od 4 sata.*

1. [18] Pitanja:

- a) Izvesti izraz za vezu između interne i eksterne dužine puta u binarnom stablu.
- b) Objasniti efikasnu memoriju implementaciju kompletnog i skoro kompletnog binarnog stabla i kretanje kroz takvo stablo.
- c) Koliki je najmanji, a koliki najveći dozvoljeni broj ključeva u korenu B*-stabla i zašto?

2. [14] a) Koristeći podatke o prioritetima iz priložene tablice, prikazati po koracima prevođenje sledećeg izraza iz infix u postfix notaciju:

$$a + (b + c * d) / f ^ a - ((g + h) ^ i / j)$$

- b) Napisati program u simboličkom mašinskom jeziku za 0-adresnu mašinu koji izračunava vrednost izraza iz tačke a), pod prepostavkom da su sve promenljive smeštene u odgovarajuće memorije lokacije.

operator	ulpr	spr
-	2	2
*	4	3
+	5	4
/	6	6
^	8	7
(9	0
)	1	-

3. [18] Skicirati i objasniti rekurzivni algoritam za generisanje dubinskog obuhvatnog stabla. Izvesti složenost algoritma za obe memorije reprezentacije grafa. Objasniti kako bi se algoritam realizovao iterativno.

4. [20] Napisati na jeziku C ili C++ program za rad sa heš tabelom. Koristi se metoda otvorenog adresiranja. Primarna heš funkcija je $h_p(k) = k \bmod n$, gde je k celobrojni pozitivan ključ, a n veličina tabele. Kolizije se rešavaju dvostrukim heširanjem sa sekundarnom heš funkcijom $h_s(k) = m + k \bmod p$. Vrednosti n, m i p se zadaju prilikom kreiranja tabele. Realizovati funkciju pretrage tabele na zadati ključ: funkcija vraća vrednost TRUE ako ključ postoji, u suprotnom FALSE. Napisati funkciju za izračunavanje prosečnog broja pristupa pri uspešnoj i neuspešnoj pretrazi. Napisati glavni program koji ilustruje rad sa tabelom.

5. [16] Detaljno opisati sortiranje primenom metoda umetanja sa smanjenjem inkrementa. Objasniti na čemu se zasniva efikasnost ovog metoda i kako treba da se bira sekvenca inkremenata. Ilustrovati rad algoritma pri sortiranju niza 21, 72, 55, 47, 12, 88, 81 i 30 u tri iteracije sa efikasnim izborom inkrementa.

6. [14] U visinski balansirano AVL stablo umeću se redom ključevi 10, 4, 12, 18, 6, 11, 9, 15, 17, 14, 13 a zatim se redom brišu ključevi 11, 12, 14.

- a) Nacrtati izgled stabla nakon svake od navedenih izmena.
- b) Izračunati srednji broj pristupa prilikom uspešnog i neuspešnog traženja posle svih umetanja ključeva i u završnom stanju.