

Elektrotehnički fakultet u Beogradu  
Katedra za računarsku tehniku i informatiku

*Predmet:* Algoritmi i strukture podataka 2 (13S112ASP2)

*Nastavnici:* dr Milo Tomašević, red. prof.; doc. dr Marko Mišić;

*Asistent:* Sanja Delčev, dipl. ing.; Maja Vukasović, dipl.ing.;  
Balša Knežević, dipl.ing.

*Ispitni rok:* Drugi kolokvijum (decembar 2021. godine)

*Datum:* 08.12.2021.

*Kandidat\**: \_\_\_\_\_

*Broj Indeksa\*:* \_\_\_\_\_

*Kolokvijum traje 120 minuta, prvih sat vremena nije dozvoljeno napuštanje sale.  
Upotreba literature nije dozvoljena.*

Zadatak 1 \_\_\_\_\_/15      Zadatak 5 \_\_\_\_\_/10

Zadatak 2 \_\_\_\_\_/10      Zadatak 6 \_\_\_\_\_/10

Zadatak 3 \_\_\_\_\_/15      Zadatak 7 \_\_\_\_\_/10

Zadatak 4 \_\_\_\_\_/15      Zadatak 8 \_\_\_\_\_/15

**Ukupno na kolokvijumu:** \_\_\_\_\_/100

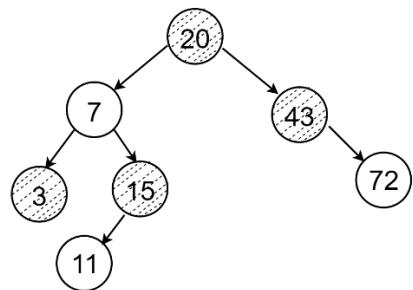
**Napomena:** Ukoliko u postavci nekog zadatka postoje nepreciznosti, student treba da uvede razumno prepostavku, da je uokviri (da bi se lakše prepoznala prilikom ocenjivanja) i da nastavi da izgrađuje preostali deo svog odgovora na temeljima uvedene prepostavke. Kod pitanja koja imaju ponuđene odgovore treba **samo zaokružiti** jedan odgovor. Na ostala pitanja odgovarati **čitko, kratko i precizno**.

---

\* popunjava student.

1. [15] Izomorfizam crveno-crnih i 2-3-4 stabala.

a) [4] Dato binarno crveno-crno stablo transformisati u izomorfno 2-3-4 stablo. Osenčeni čvorovi su crni.



b) [6] U stablo dobijeno pod a) dodaju se ključevi 9, 98, 51, 63 i 57. Prikazati stabla dobijena nakon svake značajnije izmene.

c) [5] Iz stabla dobijenog pod b) uklanjaju se ključevi 11, 3 i 98. Prikazati stabla dobijena nakon svake značajnije izmene.

2. [10] U *top-down* stablo  $m$ -arnog pretraživanja ( $m=4$ ) redom se umeću ključevi 15, 35, 82, 11, 16, 60, 31, 20, 40, 17 i 18, nakon čega se uklanjuju ključevi 15, 35 i 11. Prikazati stanje stabla nakon svake operacije.

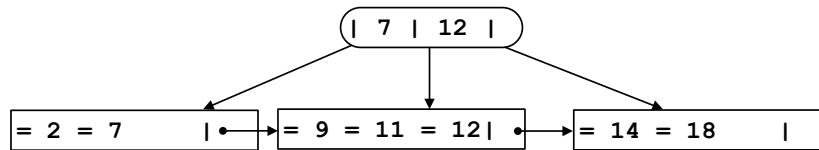
3. [15] Dato je digitalno stablo koje je predstavljeno po principu levi sin – desni brat. Napisati u pseudokodu funkciju koja pronađe najdužeg stringa koji predstavlja prefiks barem **k** ključeva. Ukoliko takav prefiks ne postoji, vratiti *null*. Parametar *root* predstavlja koren stabla. Dozvoljeno je čvor stabla proširiti dodatnim poljem. Dozvoljena je upotreba dodatnih struktura podataka.

FIND PREFIX(*root*, *k*)

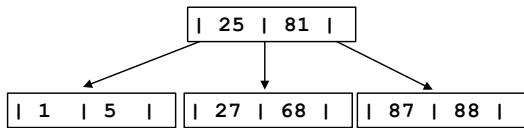
4. [15] Posmatra se B stablo reda  $m$  dato pokazivačem na koren  $root$ . Napisati funkciju u pseudokodu koja vraća skup svih ključeva datog stabla koji se nalaze u opsegu  $[a, b]$ . Smatrati da čvor sadrži niz ključeva i pokazivača na potomke, kao i pokazivač na roditelja. Dozvoljeno je i koristiti dodatne strukture podataka (čije metode nije potrebno implementirati).

B-RANGE( $root, m, a, b$ )

5. [10] U B+ stablo reda 4 sa slike se umeću ključevi: 3, 19, 17, 6 . Nakon toga se redom brišu ključevi 7, 6, i 2. Nacrtati izgled stabla nakon svake izmene.



6. [10] U dato **B\*** stablo reda 3 sa slike umeću se ključevi 50, 39, 43 i 2, a zatim se brišu ključevi 25, 39 i 1. Nacrtati stablo nakon svake značajne izmene.



7. [10] Neka se posmatra jedan skup ključeva u opsegu od 0 do 99. Poznato je da se ključevi smeštaju u heš tabelu sa 9 ulaza, a da su pritom ključevi 21, 12, 32, 66, 58 značajno verovatniji u odnosu na ostale. Zbog toga je potrebno obezbediti da se oni smeštaju u tabelu bez međusobnih kolizija. Odrediti heš funkciju koja može da se koristi u ovom slučaju i obrazložiti odgovor. Ilustrovati popunjavanje tabele navedenim ključevima i navesti koji ključevi bi se takođe mogli smestiti u tabelu, a da ne dođe do kolizija.

8. [15] Napisati u pseudokodu iterativnu implementaciju funkcije koja briše ključ  $key$  iz lista B+ stabla reda  $m$  na koji ukazuje pokazivač  $root$ . Smatratи da nakon brisanja u listu ostaje dovoljno ključeva. Čvorovi stabla su fiksne organizacije i sadrže i pokazivač na oca, a u okviru svakog čvora se pamti broj ključeva koji se nalaze u njemu.

BPLUS DELETE KEY( $root, m, key$ )