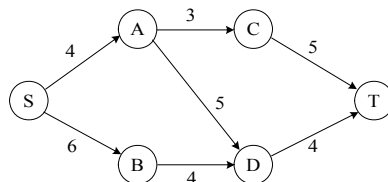


**ISPIT IZ ALGORITAMA I STRUKTURA PODATAKA** 6. februar 2008.

Oni koji hoće da im se računa rezultat sa kolokvijuma rade samo **zadatke 4, 5 i 6** u trajanju od **2 sata**. Ostali rade **sve zadatke** u trajanju od **4 sata**.

- [16] Objasniti realizaciju FIFO reda za čekanje u vidu kružnog bafera predstavljenog nizom  $Q[0:n-1]$ . Skicirati i objasniti operacije za umetanje u red i brisanje iz njega. Koje su prednosti i mane u odnosu na realizaciju u redu  $Q[1:n]$ .
- [16] Kodirati poruku FANFANLALA primenom statičkog i dinamičkog Huffman-ovog algoritma i LZW algoritma. Porediti dužine kodiranih poruka. Kod LZW algoritma pretpostaviti da je dužina kodiranog simbola saglasna veličini tabele simbola u trenutku kodiranja.

- [18] Skicirati i objasniti *Ford-Fulkerson*-ov algoritam. Ilustrovati ga preko stanja protočnog i rezidualnog grafa na primeru grafa zadatog slikom. Šta ukoliko ima više izvora i odredišta?



- [20] Usvojiti efikasnu implementaciju skoro kompletnog binarnog stabla, a zatim napisati na jeziku C ili C++ kompletan program za uređivanje niza celih brojeva u neopadajućem poretku metodom *heapsort*. Obavezno komentarisati program i obrazložiti izbor implementacije binarnog stabla.
- [16] Pitanja:
  - Kako se može optimizovati sekvencijalno pretraživanje niza ili liste, ako su poznate verovatnoće uspešnog pretraživanja  $p_i$ . Napisati izraz za prosečan broj poredenja pri uspešnom pretraživanju.
  - Skicirati i objasniti operaciju leve rotacije u AVL stablu, pokazati korektnost i ilustrovati opštom slikom.
  - Uporediti operacije umetanja u B i B\*-stablo.
- [14] Posmatra se prazna heš tabela sa 11 ulaza. Heširanje se obavlja primenom dvostrukog heširanja gde je sekundarna heš funkcija  $g(K)=2+K \bmod 3$ . U tabelu se redom umeću ključevi 13, 23, 18, 34, 35, 29, 28, 59. Odrediti prosečan broj pristupa prilikom uspešne i neuspešne pretrage. Odrediti verovatnoću popunjavanja za svaku praznu lokaciju tabele pri prvom narednom umetanju.

## Rešenja:

4.

```
#ifndef HEAPSORT_H_
#define HEAPSORT_H_
class HeapSort : public SortAlgorithm{
protected:
    void makeHeap(int *array, int array_len);
    void rearrangeHeap(int *array, int array_len);
public:
    virtual void sort(int *array, int array_len);
};
#endif

#include "Heapsort.h"
void HeapSort::makeHeap(int *array, int array_len){
    for(int i = 1; i < array_len; i++) {
        int k = i;

        while( k > 0 ) {
            if( array[k] > array[(k-1)>>1] ){
                int t = array[k];

                array[k] = array[(k-1)>>1];
                array[(k-1)>>1] = t;
                k = (k-1)>>1;
            }
            else break;
        }
    }
}

void HeapSort::rearrangeHeap(int *array, int array_len) {
    int i = 0;
    while( i < array_len ) {
        int left = (i<<1)+1, right = (i<<1)+2;
        int maxChildIndex = left;

        if( left >= array_len ) break;

        if( right < array_len &&
            array[left] < array[right])
            maxChildIndex = right;

        if( array[maxChildIndex] > array[i] ) {
            int t = array[maxChildIndex];

            array[maxChildIndex] = array[i];
            array[i] = t;
            i = maxChildIndex;
        }
        else
            break;
    }
}
```

```
void HeapSort::sort(int *array, int array_len) {
    makeHeap(array, array_len);

    for(int i = array_len-1; i > 0; i--){
        int t = array[0];

        array[0] = array[i];
        array[i] = t;

        rearrangeHeap(array, i);
    }
}

#include <iostream>
using namespace std;

#include "heapsort.h"

void printArray(int *array, int array_len)
{
    for(int i = 0; i < array_len; i++)
        cout << array[i] << ' ';
}

void main()
{
    int array[] = { 5, 3, 18, 22, 4, 97, 53, 23, 65, 47 };
    int array_len = sizeof(array)/sizeof(int);

    printArray(array, array_len);
    cout << endl;

    Heapsort hs;
    hs.sort(array, array_len);

    printArray(array, array_len);
    cout << endl;
}
```

**Ispis:**

-----  
5 3 18 22 4 97 53 23 65 47

3 4 5 18 22 23 47 53 65 97

2. Staticki: 00 11 01 00 11 01 10 11 10 11 – 20 bita  
 Dinamicki: F 0A 00N 0 11 101 100L 11 001 11 (00 001 0010 0 11 101 10011 11 001 11) – 27 bita  
 LZW: 00 001 010 100 010 0011 0001 1001 (0 1 2 4 2 3 1 9) – 26 bita

6.

Ulaz	ključ
0	29
1	23
2	13
3	
4	34
5	
6	35
7	18
8	59
9	28
10	

K mod 3 = 0	K mod 3 = 1	K mod 3 = 2
0	0	0
2	3	4
4	6	8
6	9	1
8	1	5
10	4	9
1	7	2
3	10	6
5	2	10
7	5	3
9	8	7

Ulaz	Verovatnoća
3	$1/3 \cdot (2/11 + 3/11 + 1/11) = 6/33$
5	$1/3 \cdot (1/11 + 2/11 + 6/11) = 9/33$
10	$1/3 \cdot (8/11 + 6/11 + 4/11) = 18/33$

Prosečan broj pristupa za uspešnu pretragu:  $13/8 = 1.625$

Prosečan broj pristupa za neuspešnu pretragu:

$$1 + \frac{8}{11} + \frac{8 \cdot 7}{11 \cdot 10} + \frac{8 \cdot 7 \cdot 6}{11 \cdot 10 \cdot 9} + \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5}{11 \cdot 10 \cdot 9 \cdot 8} + \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4}{11 \cdot 10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7} + \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3}{11 \cdot 10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6} + \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2}{11 \cdot 10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5} + \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1}{11 \cdot 10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4} = \frac{2970}{990} = 3$$

Aproksimativno:  $\frac{1}{1 - \frac{8}{11}} = \frac{11}{3} = 3.67$