

Elektrotehnički fakultet u Beogradu  
Katedra za računarsku tehniku i informatiku

*Predmet:* Algoritmi i strukture podataka (13E112ASP)

*Nastavnik:* dr Milo Tomašević, red. prof.

*Asistenti:* doc. dr Marko Mišić, dipl. ing. Sanja Delčev,  
dipl. ing. Maja Vukasović

*Ispitni rok:* Kolokvijum (novembar 2017.)

*Datum:* 18.11.2017.

*Kandidat*<sup>\*</sup>: \_\_\_\_\_

*Broj Indeksa*<sup>\*</sup>: \_\_\_\_\_

*Kolokvijum traje 100 minuta, prvih sat vremena nije dozvoljeno napuštanje sale.*

*Upotreba literature nije dozvoljena.*

*Zadatak 1* \_\_\_\_\_ /10

*Zadatak 4* \_\_\_\_\_ /20

*Zadatak 2* \_\_\_\_\_ /20

*Zadatak 5* \_\_\_\_\_ /15

*Zadatak 3* \_\_\_\_\_ /20

*Zadatak 6* \_\_\_\_\_ /15

**Ukupno na kolokvijumu:** \_\_\_\_\_ /100

**Napomena:** Ukoliko u postavci nekog zadatka postoje nepreciznosti, student treba da uvede razumno pretpostavku, da je uokviri (da bi se lakše prepoznala prilikom ocenjivanja) i da nastavi da izgrađuje preostali deo svog odgovora na temeljima uvedene pretpostavke. Kod pitanja koja imaju ponuđene odgovore treba **samo zaokružiti** jedan odgovor. Na ostala pitanja odgovarati **čitko, kratko i precizno**.

---

\* popunjava student.

1. [10] Objasniti na koji način bi se pomoću stabla odlučivanja moglo modelovati kombinacije sa ponavljanjem  $k$ -te klase skupa  $X_n$  celih brojeva od  $n$  elemenata? Kombinacije  $k$ -te klase sa ponavljanjem skupa  $X_n$  je bilo koji multiskup sastavljen od tačno  $k$ , ne obavezno različitih, elemenata skupa  $X_n$ . Na primeru skupa celih brojeva  $\{1, 2, 3, 4\}$ , prikazati stablo odlučivanja prilikom formiranja svih kombinacija sa ponavljanjem druge klase.
2. [20] Neka je data kvadratna, matrica  $A$  dimenzija  $N \times N$ , čiji elementi isključivo mogu imati vrednost 0 ili 1. Matrica je simetrična u odnosu na glavnu dijagonalu. Objasniti na koji način bi se mogla ostvariti maksimalna ušteda prilikom smeštanja ovako definisane matrice u memoriju i napisati funkciju za dohvatanje vrednosti elementa na poziciji  $A[i,j]$ . Smatrati da je jedna memorijска reč širine 8 bita.

GET ELEM( $A, i, j, N$ )

3. [20] Neka se posmatra binarno stablo sa pokazivačem na koren  $root$  koje sadrži označene cele brojeve. Neka se težina nekog podstabla definiše kao zbir sadržaja svih čvorova u podstablu. Napisati pseudokod nerekurzivne funkcije koja na što efikasniji način vraća pokazivač na koren onog postabla sa najvećom težinom u stablu. Ukoliko je potrebno, čvor se može proširiti dodatnim poljem.

FINDMAX( $root$ )

4. [20] Prikazati po koracima konverziju datog izraza iz infiksne u postfiksnu notaciju. Smatrali da operatori imaju standardne prioritete i smerove grupisanja i na osnovu toga popuniti priloženu tabelu. Operator  $\wedge$  označava stepenovanje.

$$A \wedge B \wedge (D + E) - C / (E - F * A)$$

Operatori	IPR	SPR
$*, /$		
$+, -$		
$\wedge$		
(		
)		

Ulazni simbol	Stek	Postfiksni izraz
<b>A</b>		
$\wedge$		
<b>B</b>		
$\wedge$		
(		
<b>D</b>		
+		
<b>E</b>		
)		
-		
<b>C</b>		
/		
(		
<b>E</b>		
-		
<b>F</b>		
*		
<b>A</b>		
)		
<b>EOF</b>		

5. [15] Data je jednostruko ulančana lista sortiranih celih brojeva. Neke celobrojne vrednosti su jedinstvene, dok se neke pojavljuju više puta u listi. Napisati pseudokod za izbacivanje duplikata iz liste tako da u listi ostanu samo jedinstveni elementi.

DELETE DUPLICATES(*head*)

6. [15] Dekodiranjem prvih nekoliko simbola poruke algoritmom dinamički Huffman formirano je stablo kao na slici. Ostatak poruke sastoji se od niza bitova 0001000010010101101110100110 i potrebno ga je dekodirati primenom istog algoritma ukoliko je poznato da su u poruci korišćeni neki od karaktera A, B, C, D, E, F, G i H kojima odgovaraju kodovi fiksne dužine 000, 001, 010, 011, 100, 101, 110, 111, respektivno.

